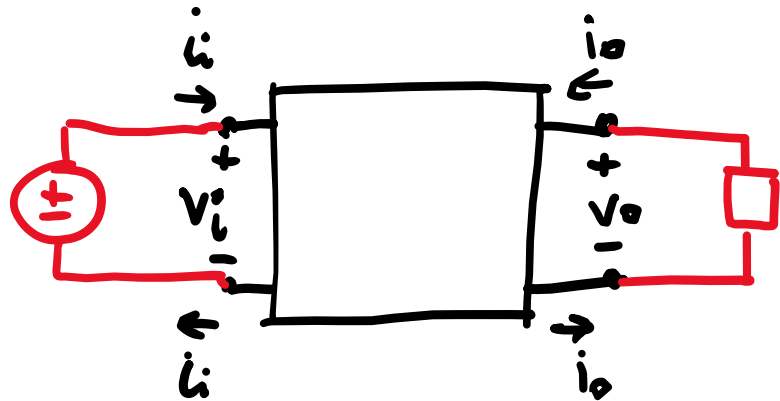


Amplificatore



→ SISTEMA LINEARE A 2 porte
che fornisce in uscita,

un segnale DI POTENZA MAGGIORE del segnale di ingresso



$$P_o > P_i > 0$$

POTENZA DEL
SEGNALE DI
INGRESSO

$$P_i = V_i i_i$$

↑
Potenza assorbita dalle porte di ingresso

||
Potenza erogata dal generatore di ingresso.

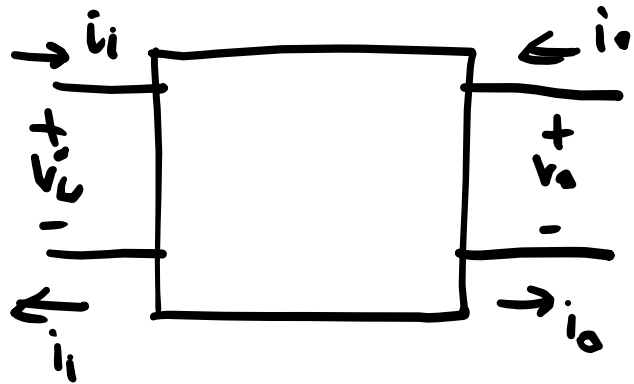
POTENZA DEL
SEGNALE DI
USCITA

$$P_o = -V_o i_o$$

→ Potenza erogata
dalla porta di uscita

||
Potenza assorbita dal
carico posto in uscita

SISTEMA LINEARE A DUE PORTE



Modello a parametri ibridi (hybrid)

$$\begin{bmatrix} v_i \\ i_o \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} h_i & h_r \\ h_f & h_o \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_i \\ v_o \end{bmatrix}$$

GRANDEZZE
DIPENDENTI

MATRICE
2x2

GRANDEZZE
INDIPENDENTI

$$h_i \triangleq \left. \frac{v_i}{i_i} \right|_{v_o=0}$$

INPUT

IMPEDENZA
DI
INGRESSO
[Ω]

$$h_o \triangleq \left. \frac{i_o}{v_o} \right|_{i_i=0}$$

OUTPUT

AMMETTENZA
DI
USCITA
[Ω⁻¹]

$$h_f \triangleq \left. \frac{i_o}{i_i} \right|_{v_o=0}$$

FORWARD

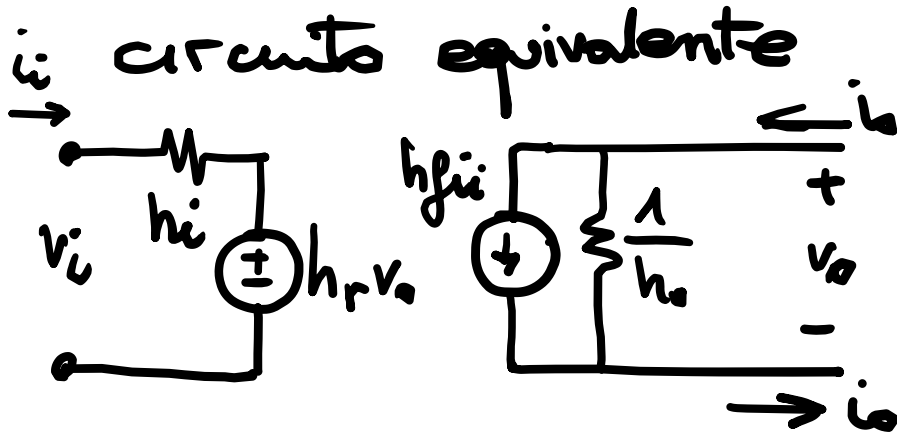
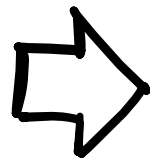
GUADAGNO
DIRETTO
DI CORRENTE
[A]

$$h_r \triangleq \left. \frac{v_i}{v_o} \right|_{i_i=0}$$

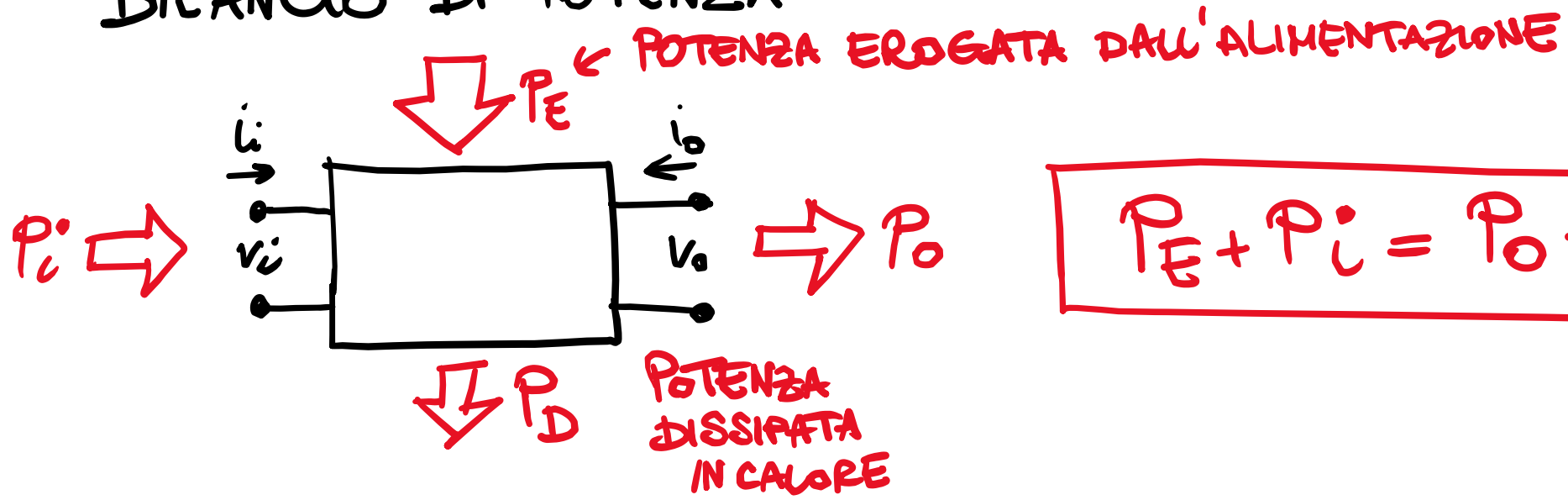
REVERSE

GUADAGNO
INVERSO
DI TENSIONE
[V]

$$\begin{cases} v_i = h_i i_i + h_r v_o \\ i_o = h_f i_i + h_o v_o \end{cases}$$



BILANCIO DI POTENZA

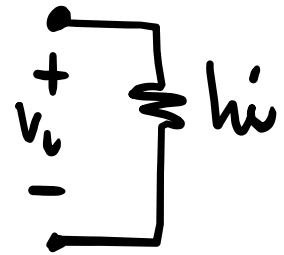


$$P_E + P_i = P_o + P_D$$

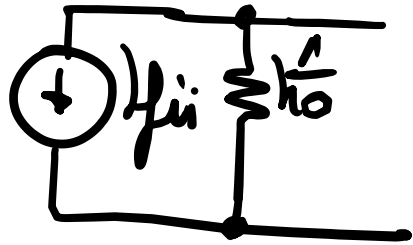
Amplificatore UNIDIREZIONALE (approssimazione)

$[h_r = 0]$

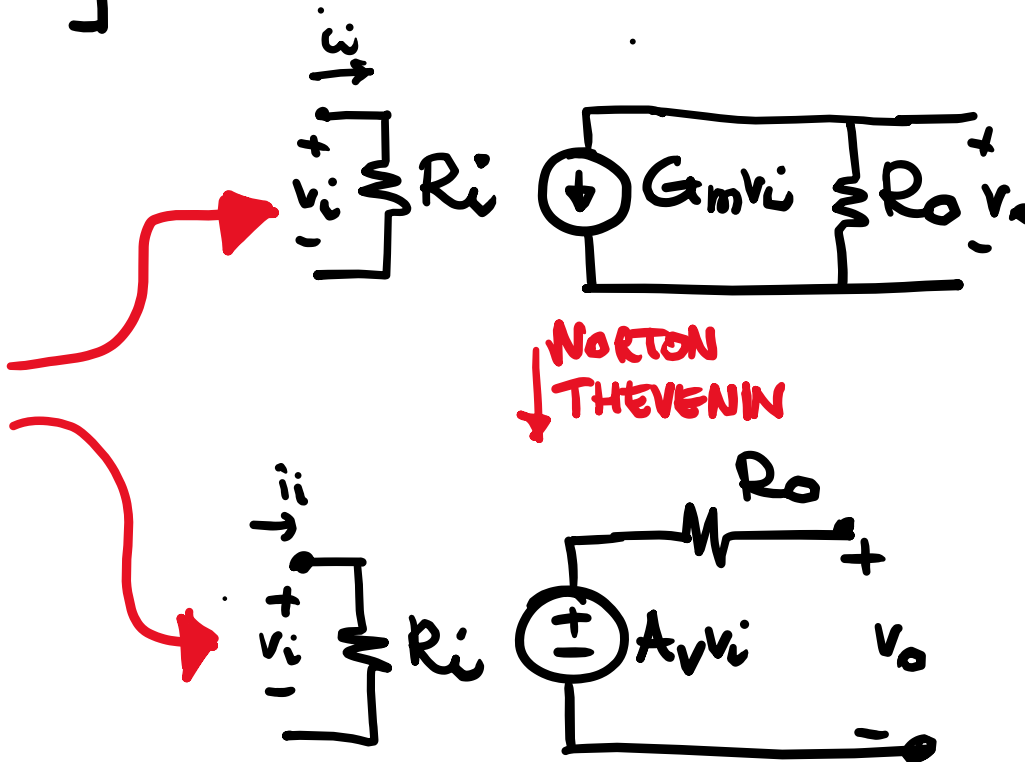
CIRCUITO EQUIVALENTE



IMPEDENZA
DI
INGRESSO



EQUIVALENTE
DI NORTON



$$R_i = h_i$$

$$R_o = 1/h_o$$

$$G_m v_i = h_f i_i$$

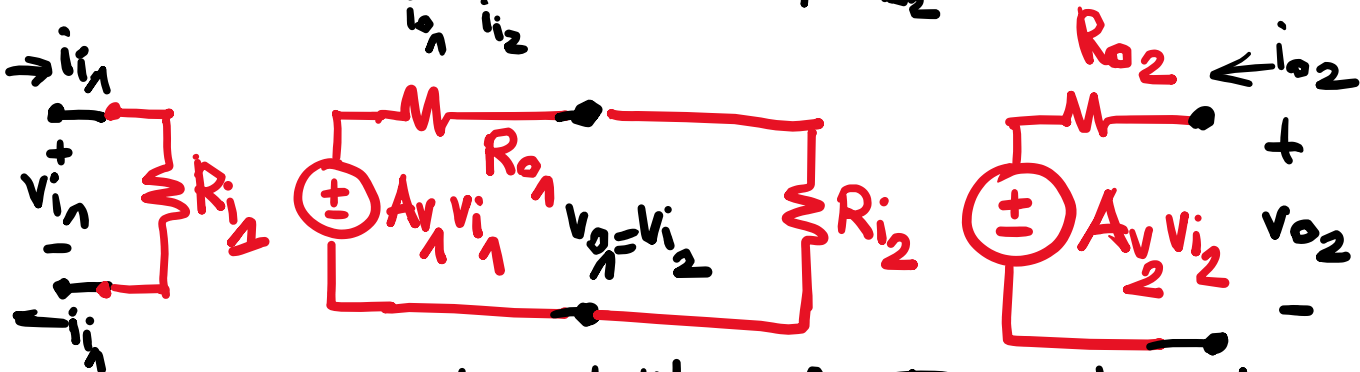
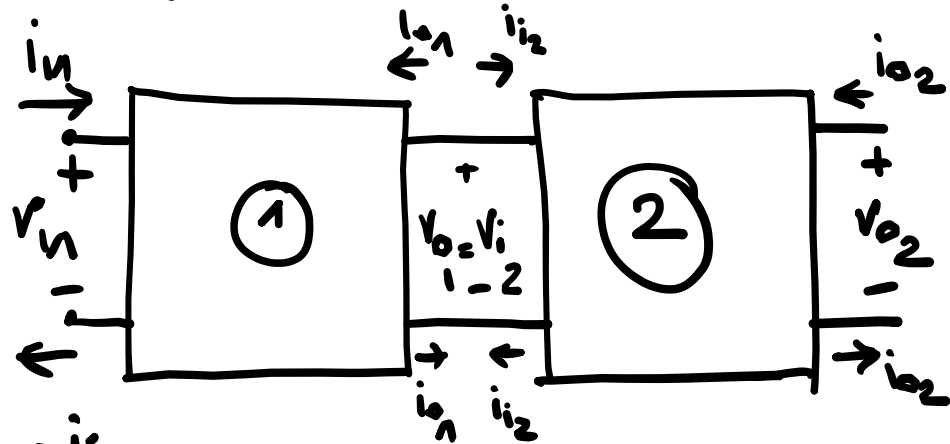
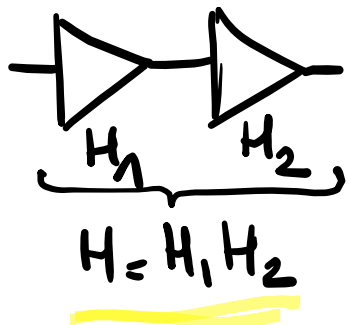
$$G_m = h_f \frac{i_i}{v_i} = \frac{h_f}{h_i}$$

$$A_v v_i = G_m i_i R_o$$

$$A_v = G_m R_o$$

$$A_v = \frac{h_f}{h_i h_o}$$

Amplificatori unidirezionali in cascata



Circolo equivalente dell'amplificatore ottenuto



se $i_2 = 0$ $v_{o2} = A_{v2} v_{i2} = A_{v2} A_{v1} v_{in} \frac{R_{i2}}{R_{i2} + R_{o1}} \Rightarrow \frac{v_{o2}}{v_{in}} = A_{v1} A_{v2} \frac{R_{i2}}{R_{i2} + R_{o1}}$

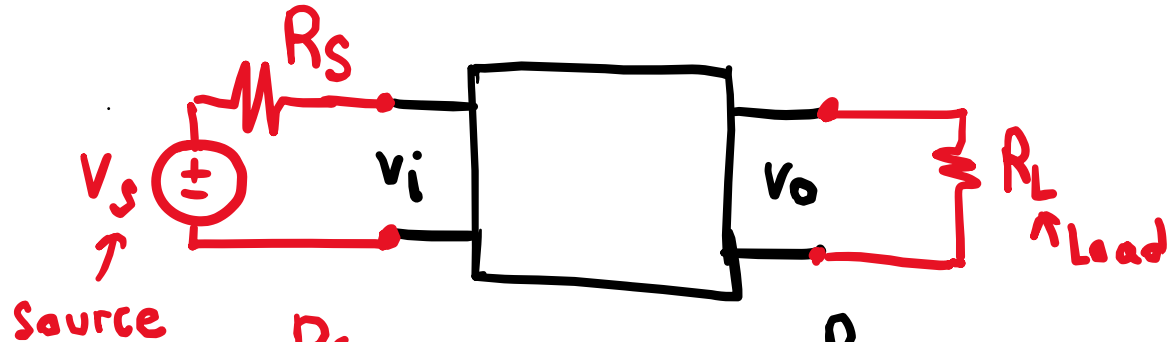
$$R_i = \frac{v_{in}}{i_{in}} = R_{i1}$$

$$R_o = \left. \frac{v_{o2}}{i_{o2}} \right|_{v_{i1}=0} = R_{o2}$$

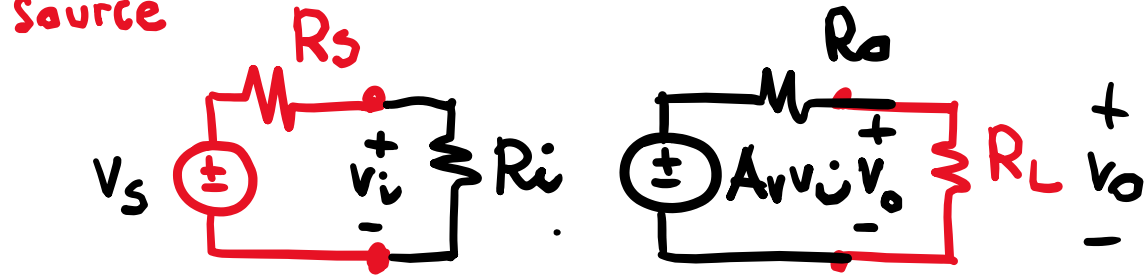
$$A_v = \left. \frac{v_{o2}}{v_{in}} \right|_{i_{o2}=0} = A_{v1} A_{v2} \frac{R_{i2}}{R_{i2} + R_{o1}}$$

CIASCUNO STADIO HA COME CARICO L'IMPEDENZA DI INGRESSO DELLO STADIO SUCCESSIVO

EFFETTO DEL GENERATORE E DEL CARICO SULLA AMPLIFICAZIONE



$$A = \frac{v_o}{v_s}$$



$$v_i = v_s \frac{R_i}{R_i + R_s}$$

$$v_o = A_v v_i \cdot \frac{R_L}{R_L + R_o} = A_v \frac{R_L}{R_L + R_o} \cdot \frac{R_i}{R_i + R_s} \cdot v_s$$

$$A = \frac{v_o}{v_s} = A_v \frac{R_L}{R_L + R_o} \cdot \frac{R_i}{R_i + R_s}$$

DEF:

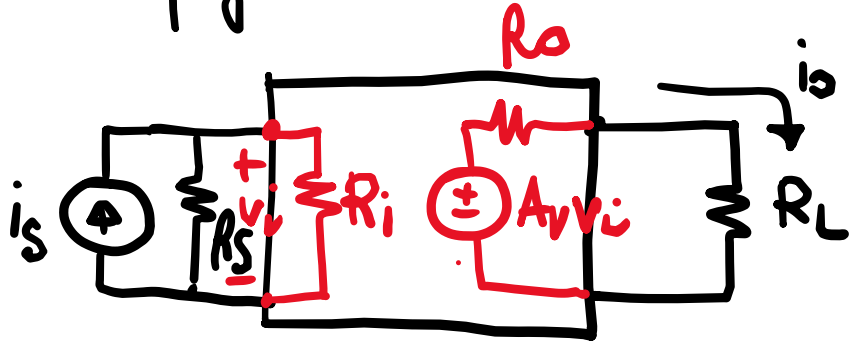
$A \leq A_v$ [è uguale solo se $R_o = 0$ $R_i \rightarrow \infty$]

\rightarrow se $R_o = 0$ e $R_i \rightarrow \infty$ allora $A = A_v \quad \forall R_s \quad \forall R_L$

AMPLIFICATORE IDEALE DI TENSIONE

Amplificatore ideale di corrente

$$A_I = \frac{i_o}{i_i} \text{ è indep. da } R_S \text{ e } R_L$$



$$i_o = \frac{A_v v_i}{R_o + R_L} = \frac{A_v}{R_o + R_L} R_S \parallel R_i i_s$$

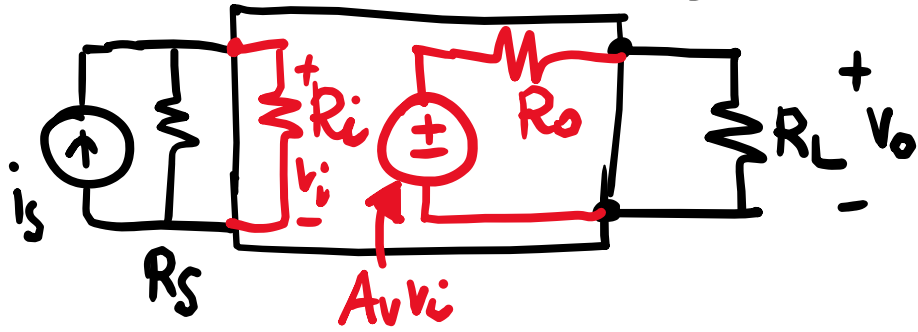
$$A_i = \frac{i_o}{i_s} = \frac{A_v}{R_o + R_L} \frac{R_S R_i}{R_i + R_S}$$

in generale A_I
dipende da R_S e R_L

se $R_i \rightarrow 0$ e $R_o \rightarrow \infty$ allora $A_I = \frac{A_v R_i}{R_o}$ NON DIPENDE DA R_S e R_L

Amplificatore TRANSRESISTIVO ideale

$$R \triangleq \frac{v_o}{i_s} \quad \text{NON DIPENDE } R_S \text{ e } R_L$$



$$v_i = i_s R_S // R_i$$

$$v_o = A_v v_i \frac{R_L}{R_L + R_o}$$

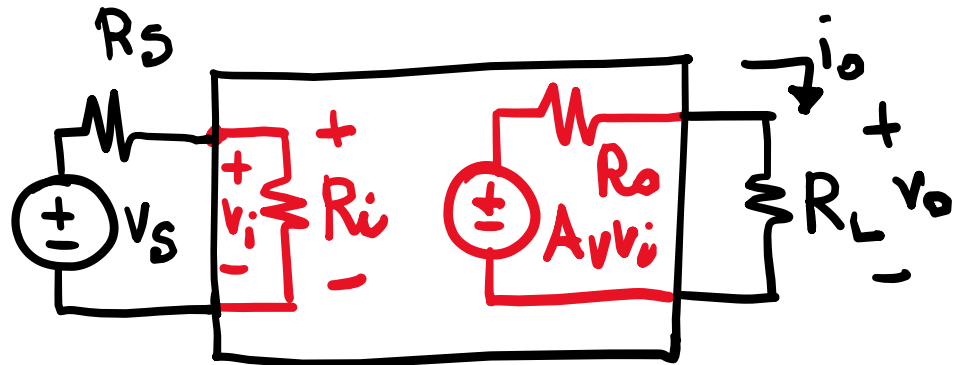
$$R = \frac{v_o}{i_s} = A_v \frac{R_L}{R_L + R_o} \cdot \frac{R_S R_i}{R_S + R_i}$$

ideale se
 $R_o = 0$ e $R_i \rightarrow 0$

$$R = A_v R_i$$

Amplificatore TRANSCONDUKTIVO ideale

$$G \triangleq \frac{i_o}{v_s}$$



$$v_i = v_s \frac{R_i}{R_i + R_S}$$

$$i_o = \frac{A_v v_i}{R_o + R_L}$$

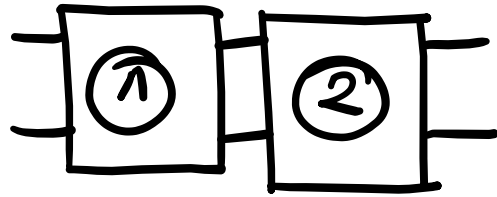
$$G = \frac{i_o}{v_s} = \frac{A_v}{R_o + R_L} \cdot \frac{R_i}{R_i + R_S}$$

ideale se
 $R_o \rightarrow \infty$ e
 $R_i \rightarrow \infty$

$$\rightarrow G = \frac{A_v}{R_o}$$

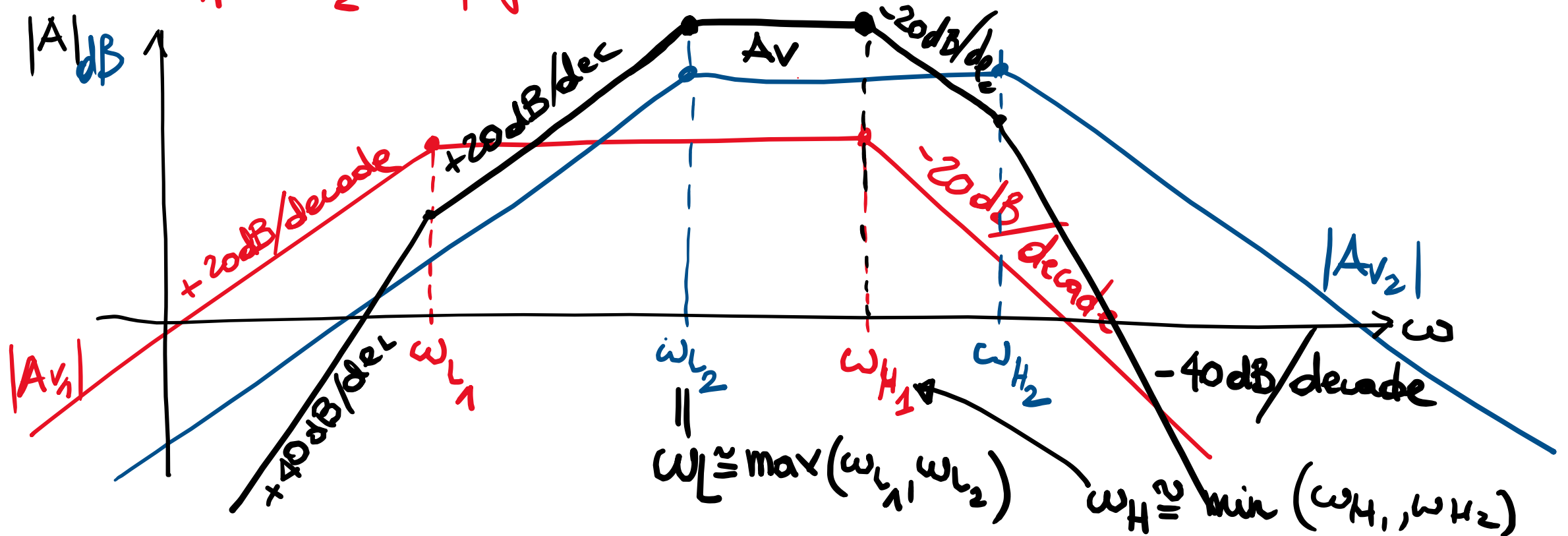
AMPLIFICATORI	R_i	R_o	FdT indipendente da R_L e R_S
AMPLIFICATORE DI TENSIONE	∞	0	$A = \frac{V_o}{V_S}$
AMPLIFICATORE DI CORRENTE	0	∞	$A_I = \frac{i_o}{i_S}$
AMPLIFICATORE TRANSRESISTIVO	0	0	$R = \frac{V_o}{i_S}$
AMPLIFICATORE TRANS CONDUTTIVO	∞	∞	$G = \frac{i_o}{V_S}$

EFFETTO SUI LIMITI DI BANDA A MENO 3 DB DI PIÙ AMPLIFICATORI IN CASCATA



$$A_V = A_{V_1} A_{V_2} \frac{R_{i2}}{R_{i2} + R_{o1}}$$

ES A_{V_1} e A_{V_2} amplificatori PASSABANDA



AMPLIFICATORI OPERAZIONALI (OPERATIONAL AMPLIFIER)

AMPLIFICATORE DI TENSIONE DIFFERENZIALE CON ALTA AMPLIFICAZIONE

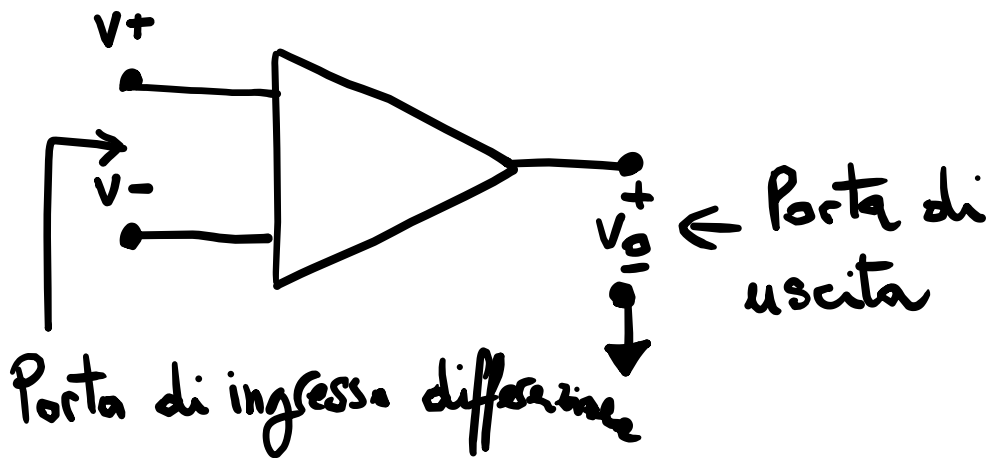
idealmente
①

$$R_i \rightarrow \infty$$
$$R_o \rightarrow 0$$

②
idealmente
la tensione di uscita
non dipende dal valor medio
della tensione dei terminali
di ingresso

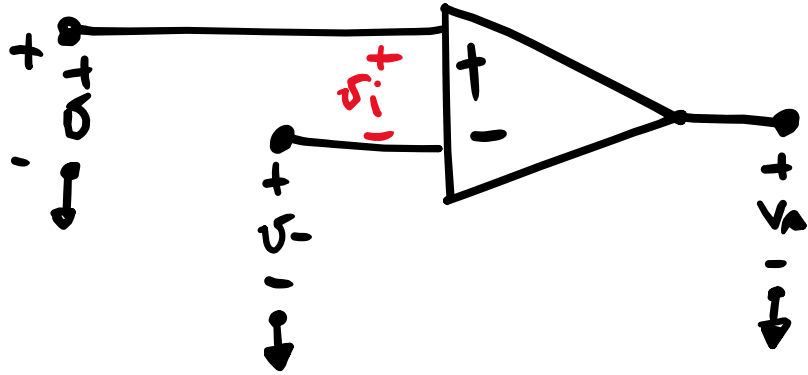
③
idealmente
 $A_v \rightarrow \infty$

SIMBOLO



$$v_o = A_v [v^+ - v^-] = A_v v_i$$

\uparrow tensione di ingresso differenziale



$$A_1 = \frac{v_0}{v_+} \quad A_2 = \frac{v_0}{v_-}$$

PER LA SOVRAPPOSIZIONE DEGLI EFFETTI

$$\textcircled{A} \quad v_0 = A_1 v_+ + A_2 v_-$$

Per avere un amplificatore differenziale ideale dobbiamo avere $A_2 = -A_1 \rightarrow v_0 = A_1 (v_+ - v_-)$

in generale $A_1 \neq -A_2$

RISCRIVIAMO \textcircled{A} COME:

$$v_0 = \underbrace{\left(\frac{A_1 - A_2}{2} \right)}_{\text{COMPONENTE DIFFERENZIALE}} \underbrace{(v_+ - v_-)}_{v_i} + \underbrace{(A_1 + A_2)}_{A_c} \underbrace{\left(\frac{v_+ + v_-}{2} \right)}_{v_{cm}}$$

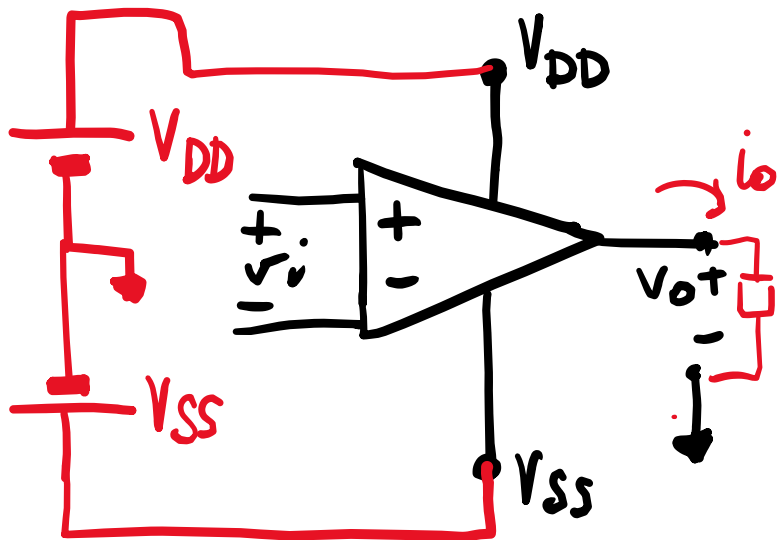
$$v_0 = \underbrace{A_d}_{\text{AMPLIFICAZIONE DIFFERENZIALE}} \underbrace{v_i}_{\text{TENSIONE DI INGRESSO DIFFERENZIALE}} + \underbrace{A_c}_{\text{AMPLIFICAZIONE DI MODO COMUNE}} \underbrace{v_{cm}}_{\text{TENSIONE DI INGRESSO DI MODO COMUNE}}$$

UN PARAMETRO DI MERITO (FIGURE OF MERIT)
DI UN AMPLIFICATORE DIFFERENZIALE È IL

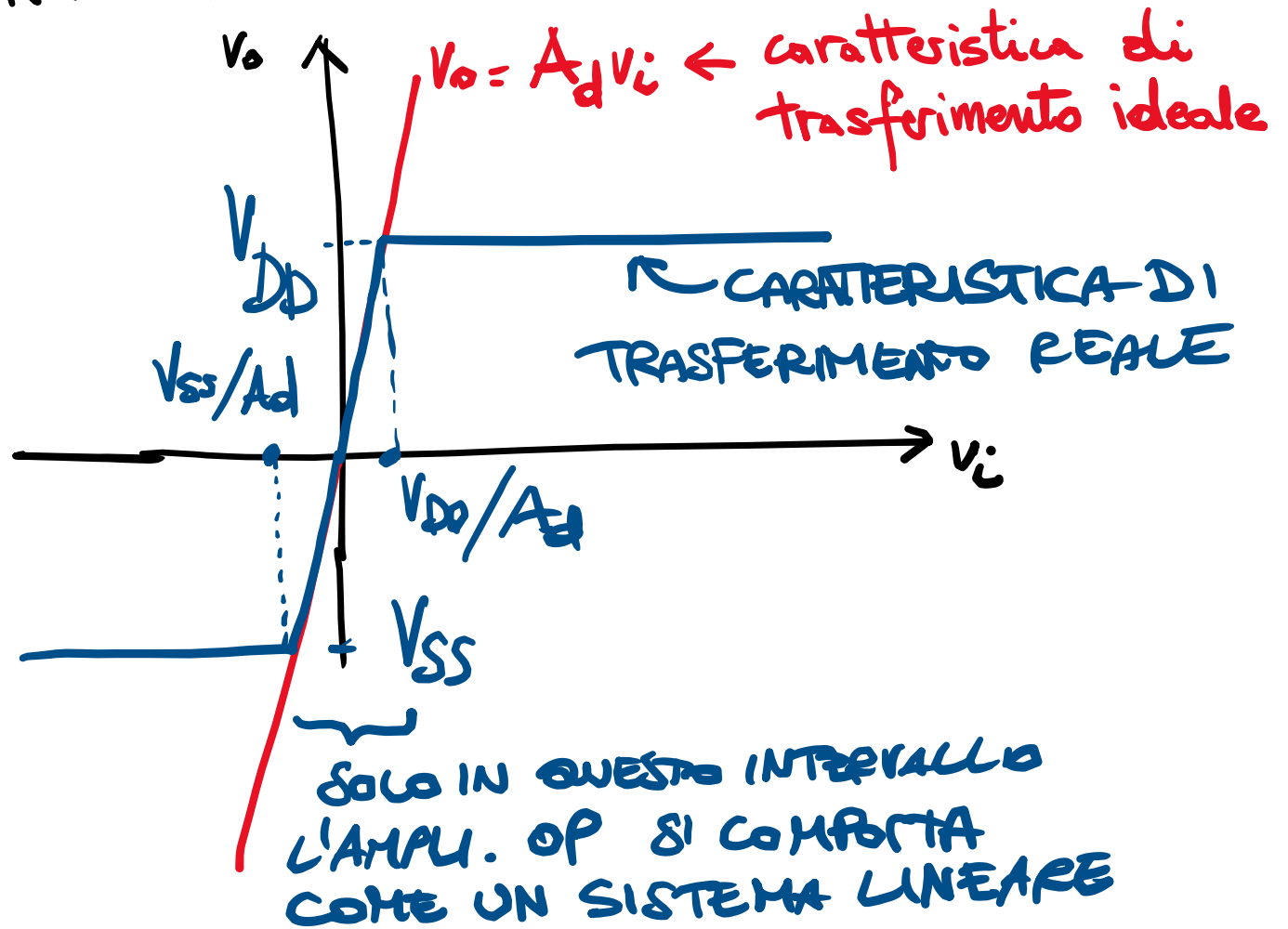
RAPPORTO DI REIEZIONE DEL MODO COMUNE
(COMMON MODE REJECTION RATIO) $CMRR = \frac{A_{d}}{A_{c}}$

in un buon amplificatore differenziale abbiamo $CMRR \approx 60-100 \text{ dB}$

CARATTERISTICA DI TRASFERIMENTO REALE



$V_{SS} < v_o < V_{DD}$
 la tensione di uscita
 è limitata dalla tensione
 di alimentazione

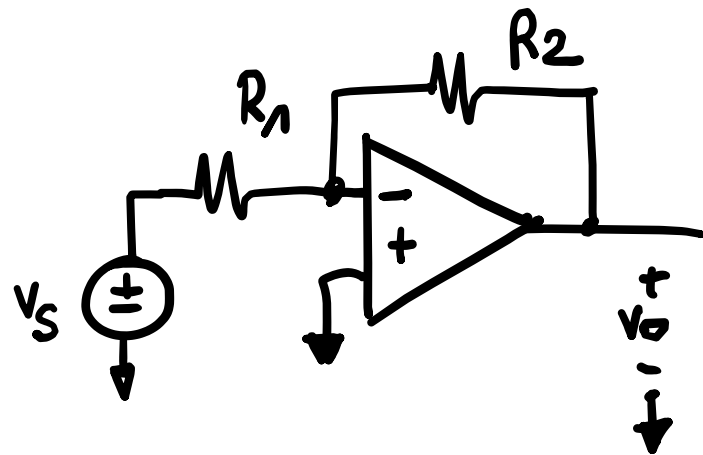


Es. $A_d = 200000$ $V_{DD} = +12V$ $V_{SS} = -12V$

$\frac{V_{DD}}{A_d} = \underline{\underline{60\mu V}}$

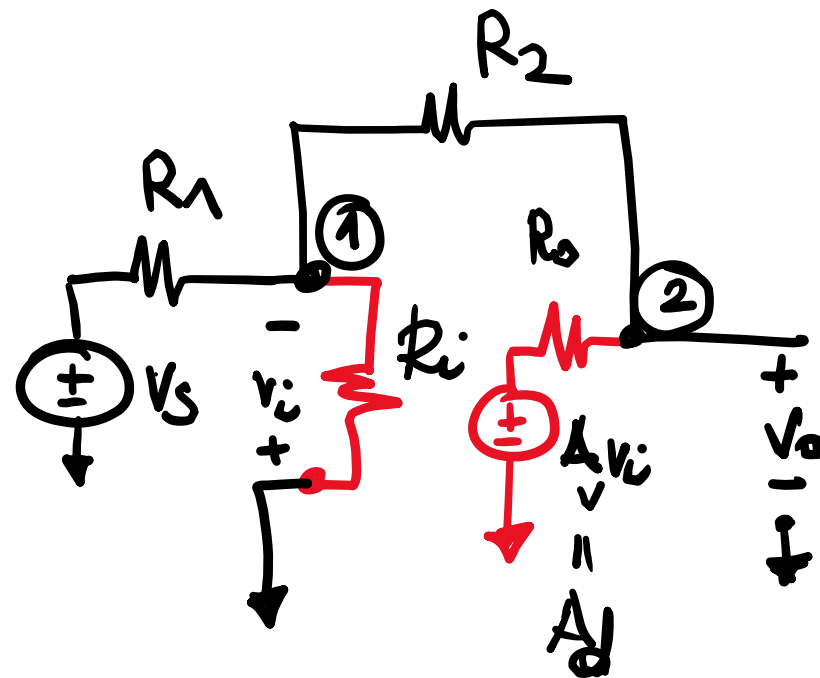
$\frac{V_{SS}}{A_d} = \underline{\underline{-60\mu V}}$

AMPLIFICATORE INVERTENTE



calcoliam

$$A = \frac{v_o}{v_s}$$



Equazioni ai nodi

$$\textcircled{1} \quad -v_i \left[\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_i} \right] - v_s \frac{1}{R_1} - v_o \frac{1}{R_2} = 0$$

$$\textcircled{2} \quad v_o \left[\frac{1}{R_o} + \frac{1}{R_2} \right] + v_i \frac{1}{R_2} - A v_i \frac{1}{R_o} = 0 \quad \Rightarrow \quad v_i = \frac{\left[\frac{1}{R_o} + \frac{1}{R_2} \right]}{\left[\frac{A}{R_o} - \frac{1}{R_2} \right]} v_o$$

$$\frac{- \left[\frac{1}{R_0} + \frac{1}{R_2} \right] \left[\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_i} \right] v_o - \frac{v_s}{R_1} - \frac{v_o}{R_2} = 0}{\left[\frac{A_v}{R_0} - \frac{1}{R_2} \right]}$$

se A_v è sufficientemente grande da rendere il 1° addendo trascurabile

$$\rightarrow -\frac{v_s}{R_1} - \frac{v_o}{R_2} = 0 \quad \Rightarrow \quad \boxed{\frac{v_o}{v_s} = -\frac{R_2}{R_1}}$$

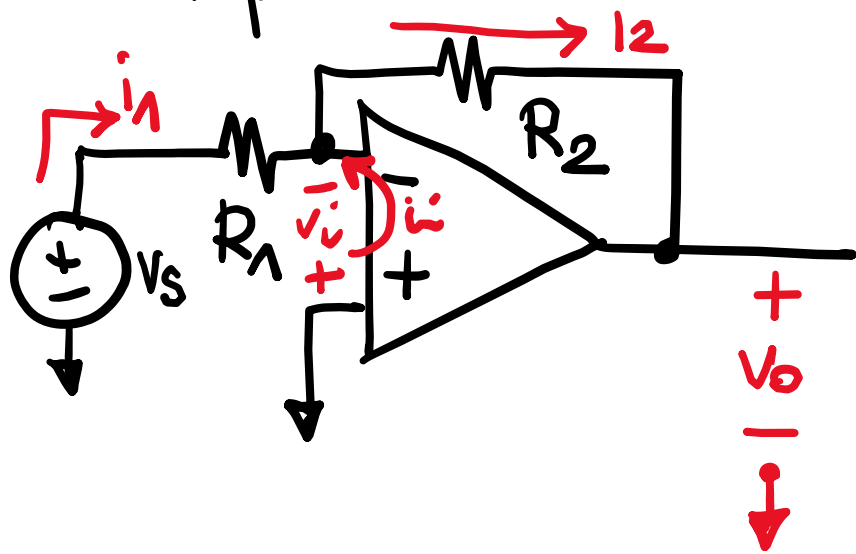
↑ L'amplificazione NON dipende da A_v
ma solo da R_2 e R_1

Approssimazione di corto circuito virtuale (c.c.v)

Supponiamo che

1. l'amplificatore sia in zona lineare ($v_o = A_v v_i$)
2. $v_i \approx 0$ (se vale la 1)
3. $i_i \approx 0$ [$i_i = \frac{v_i}{R_i}$]

Es. Ampli invertente



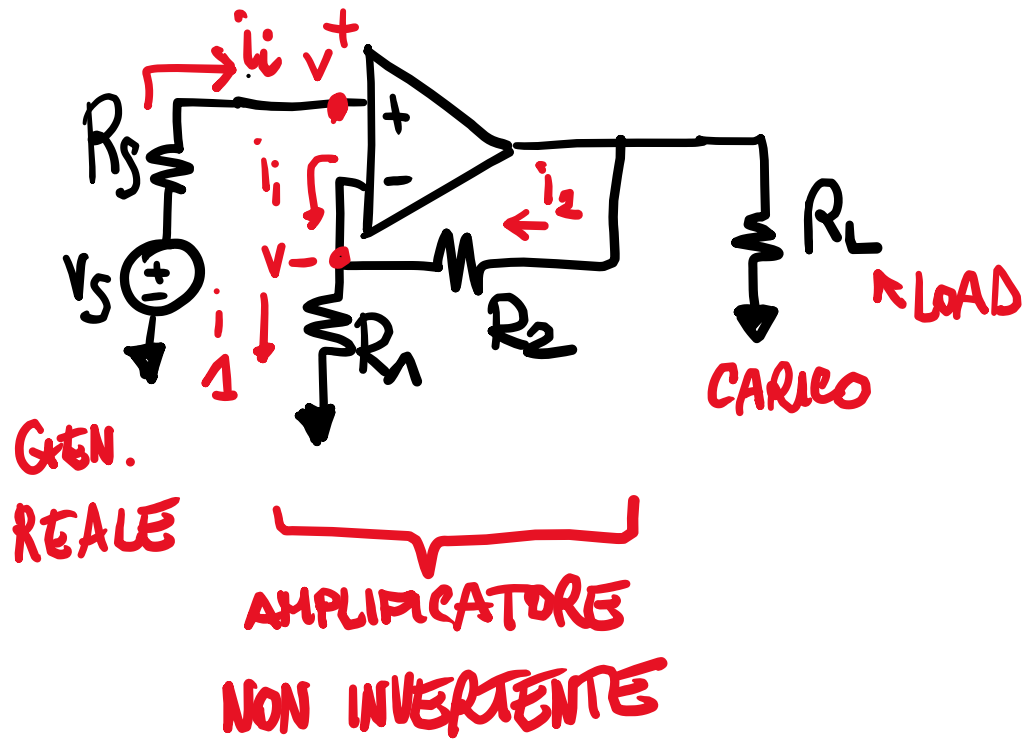
$$i_1 = \frac{v_s + v_i}{R_1} = \frac{v_s}{R_1}$$

$$i_2 = i_1 + i_i = i_1$$

$$v_o = -v_i - R_2 i_2 = -\frac{R_2}{R_1} v_s$$

$$\frac{v_o}{v_s} = -\frac{R_2}{R_1}$$

Amplificatore NON invertente



$$v^+ = v_s - R_s i_i = v_s$$

$$\bar{v} = v^+ - v_i = v^+ = v_s$$

$$i_1 = \frac{\bar{v}}{R_1} = \frac{v_s}{R_1}$$

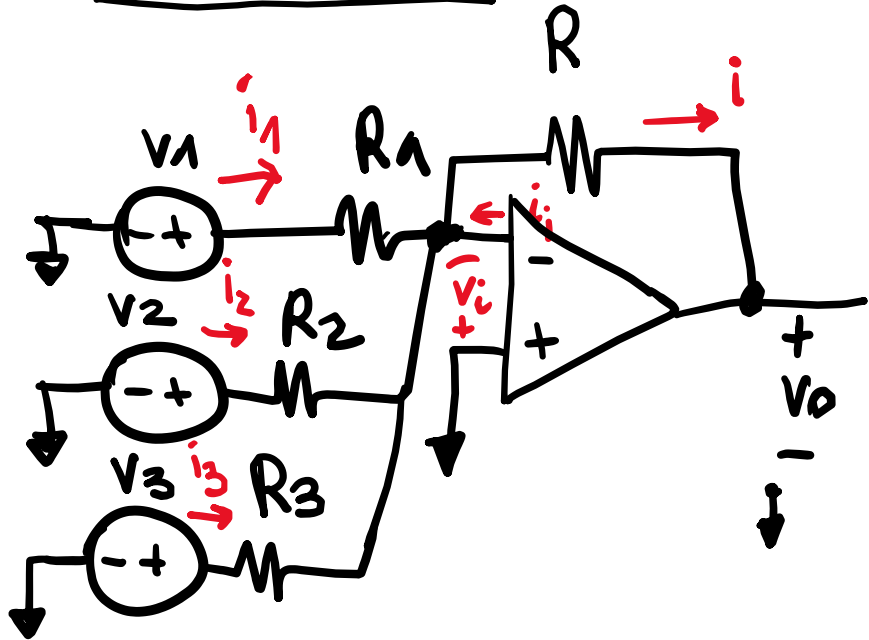
$$i_2 = i_1 - i_i = i_1 = \frac{v_s}{R_1}$$

$$v_o = \bar{v} + R_2 i_2 = v_s + \frac{R_2}{R_1} v_s \Rightarrow \frac{v_o}{v_s} = \left(1 + \frac{R_2}{R_1} \right)$$

L'AMPLIFICAZIONE DI TENSIONE NON DIPENDE DA R_s e DA R_L

↳ AMPLIFICATORE IDEALE DI TENSIONE ($R_i \rightarrow \infty$, $R_o \rightarrow 0$)

SOMMATORE



$$v^+ = 0 \text{ per il } \underline{\underline{\text{CCV}}} \quad v^- = 0$$

$$i_1 = \frac{v_1}{R_1} \quad i_2 = \frac{v_2}{R_2} \quad i_3 = \frac{v_3}{R_3}$$

KCL al nodo -

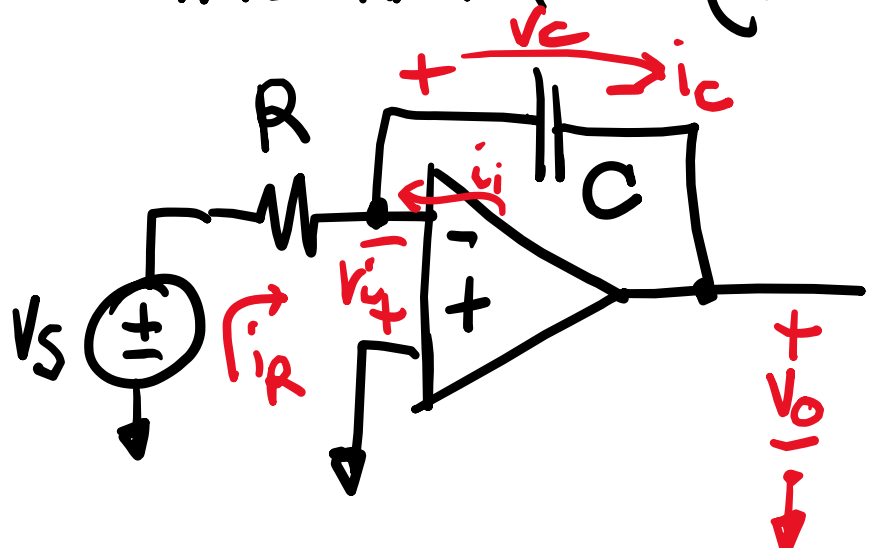
$$i_1 + i_2 + i_3 + i_i = i \Rightarrow i = \frac{v_1}{R_1} + \frac{v_2}{R_2} + \frac{v_3}{R_3}$$

↑
(CCV)

$$v_0 = \overset{\uparrow}{\text{CCV}} \bar{v} - Ri = -R \left[\frac{v_1}{R_1} + \frac{v_2}{R_2} + \frac{v_3}{R_3} \right]$$

$$\Rightarrow R_2 = R_3 = R_1 \rightarrow v_0 = -\frac{R}{R_1} (v_1 + v_2 + v_3)$$

INTEGRATORE (DI MILLER)



$v^+ = 0$
 $\bar{v} = v^+ - v_c^- = v^+ = 0$ (CCV)

$i_R = \frac{V_S}{R}$

$i_C = i_R + i_c \stackrel{\text{CCV}}{\approx} i_R = \frac{V_S}{R}$

$i_C = C \frac{dv_C}{dt} \Rightarrow \int_0^t i_C(t') dt' = C [v_C(t) - v_C(0)]$

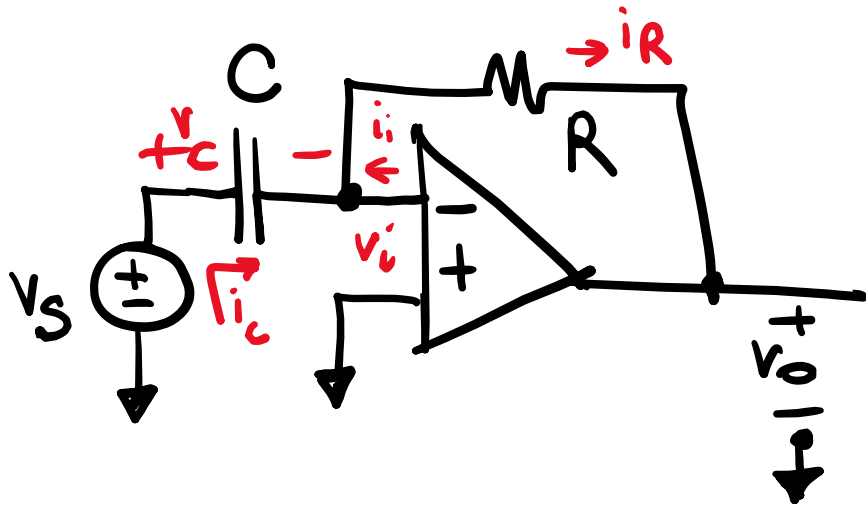
$\frac{1}{R} \int_0^t v_S(t') dt' = C \underset{-v_o(t)}{v_C(t)} - C \underset{-v_o(0)}{v_C(0)}$

$v_o = v^- - v_c = -v_c$ (CCV)

$v_o(t) = v_o(0) - \frac{1}{RC} \int_0^t v_S(t') dt' \Rightarrow \frac{V_o(s)}{V_c(s)} = -\frac{1}{RCs}$

invertente
 NEL DOMINIO DI LAPLACE

DERIVATORE



$$v^+ = 0 \quad \swarrow \text{CCV}$$
$$\bar{v} = v^+ - v_i = 0$$

$$v_c = v_s - \bar{v} = v_s$$

$$i_c = C \frac{dv_c}{dt} = C \frac{dv_s}{dt}$$

$$i_R = i_c + i_i = i_c = C \frac{dv_s}{dt}$$

(CCV)

$$0 = \bar{v} - R i_R = -RC \frac{dv_s}{dt}$$

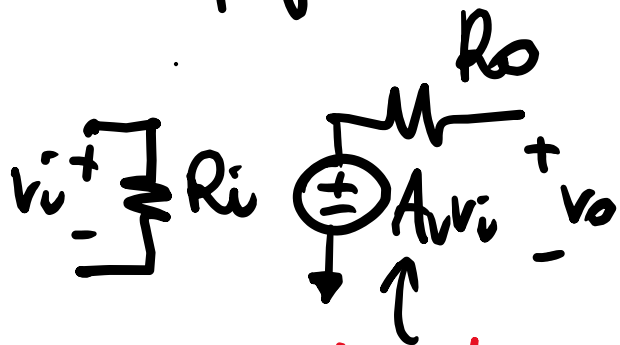
(CCV)

DERIVATORE INVERTENTE

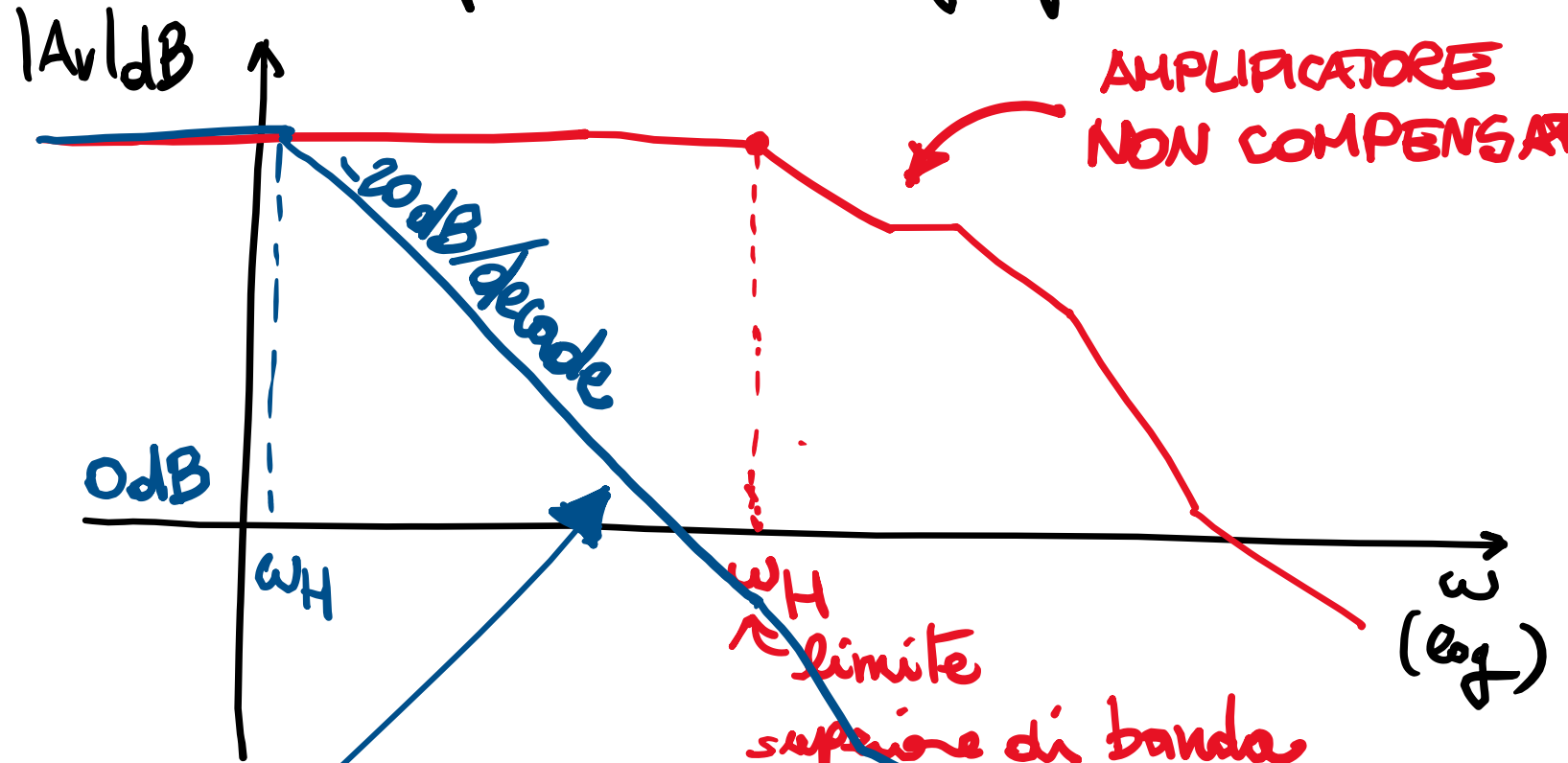
nello spazio di
Laplace :

$$\frac{V_o(s)}{V_s(s)} = \underline{\underline{-RCs}}$$

Amplificatore operazionale: comportamento in frequenza

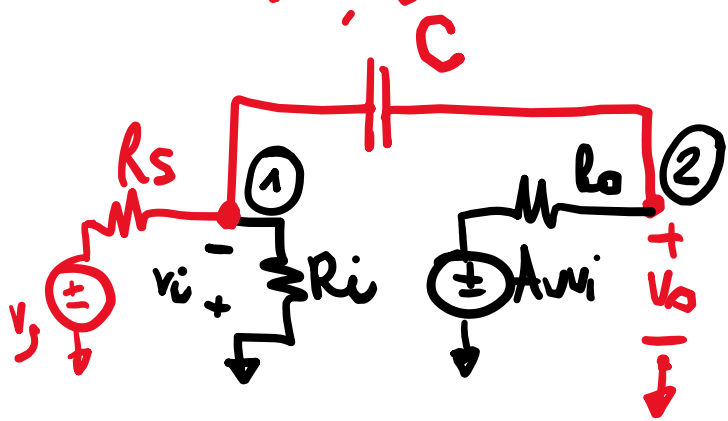


dipende
delle freq.



AMPLIFICATORE
COMPENSATO
(Comportamento a "POLO DOMINANTE")

Aggiungiamo una capacità tra ingresso e uscita di uno stadio invertente



$$\textcircled{1} -v_i \left[\frac{1}{R_i} + \frac{1}{R_s} + Cs \right] - \frac{v_s}{R_s} - Cs v_o = 0$$

$$\textcircled{2} v_o \left[\frac{1}{R_o} + Cs \right] + v_i Cs - \frac{A_v v_i}{R_o} = 0$$

$$\rightarrow v_o [1 + R_o Cs] = v_i [A_v - R_o Cs] \rightarrow v_i = \frac{v_o (1 + R_o Cs)}{A_v - R_o Cs}$$

$$\frac{v_o (1 + R_o Cs) (R_s + R_i + R_i R_s Cs)}{A_v - R_o Cs} - v_s R_i - R_i R_s Cs v_o = 0$$

$$v_o \left[(1 + R_o Cs) (R_s + R_i + R_i R_s Cs) + (A_v - R_o Cs) R_i R_s Cs \right] = v_s R_i (A_v - R_o Cs)$$

$$\frac{V_o}{V_s} = \frac{R_i(A_v - R_o C s)}{R_s + R_i + R_i R_s C s + (R_s + R_i) R_o C s + A_v R_i R_s C s} =$$

$$\frac{V_o}{V_s} = \underbrace{\frac{R_i A_v}{R_s + R_i}}_{H_o} \cdot \frac{1 - \frac{R_o C s}{A_v} \quad \frac{1}{s_2}}{1 + \left[\frac{R_i R_s + R_s R_o + R_i R_o + A_v R_i R_s}{R_s + R_i} \right] C s} = H_o \frac{(1 - \frac{s}{s_2})}{(1 - \frac{s}{s_p})}$$

-1/s_p

$$s_2 = \frac{A_v}{R_o C} \quad \text{zero reale positivo}$$

$$s_p = -\frac{1}{C} \frac{R_s + R_i}{R_i R_s (1 + A_v) + R_s R_o + R_i R_o} \approx \frac{R_s + R_i}{R_i R_s C A_v}$$

se $A_v \gg 1$

se A_v è molto grande, s_p può essere piccolo.

l'amplificatore deve essere invertente perché il polo sia reale **NEGATIVO**.

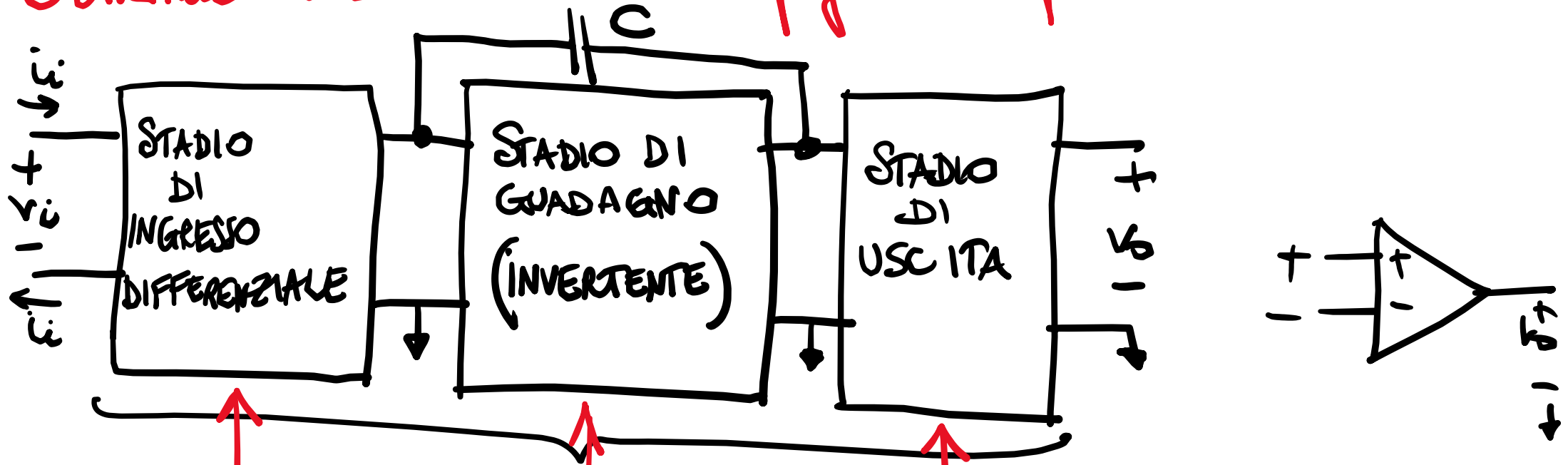
EFFETTO MILLER

PRODOTTO GUADAGNO-BANDA = (GUADAGNO A BASSA FREQUENZA) · (LIMITE SUPERIORE DI BANDA) = $|H_0| |s_p| =$
 \downarrow
 GAIN BANDWIDTH PRODUCT

$$= \frac{\cancel{R_i} A_v}{\cancel{R_s + R_i}} \cdot \frac{\cancel{R_s + R_i}}{\cancel{R_i R_s C_A v}} = \frac{1}{R_s C_s}$$

INDIPENDENTE DA A_v !!

Schema a blocchi di un amplificatore operazionale

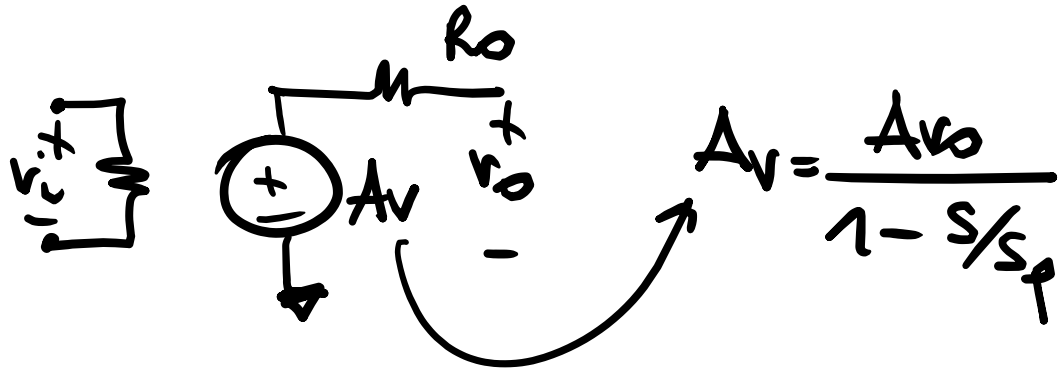


SERVE A IMPORRE
 $R_i \rightarrow \infty$
E A IMPORRE
CMRR

SERVE A
IMPORRE
 A_v alta

SERVE A
IMPORRE
 $R_o \rightarrow 0$

AMPLIFICATORE OPERAZIONALE A POLO DOMINANTE



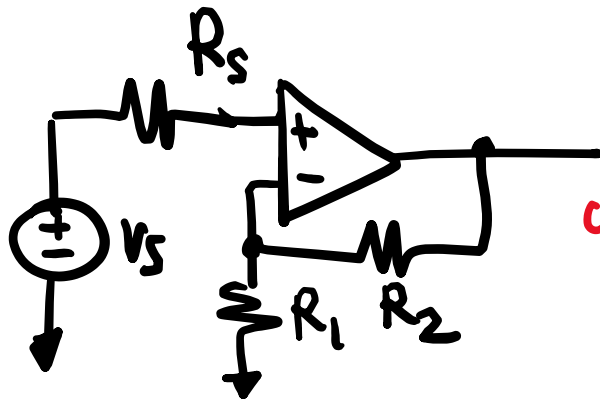
$$A_v = \frac{A_{vo}}{1 - s/s_p}$$

A_{vo} amplificazione di tensione per $s=0$
 $\omega_p = |s_p|$ limite superiore di banda a -3dB

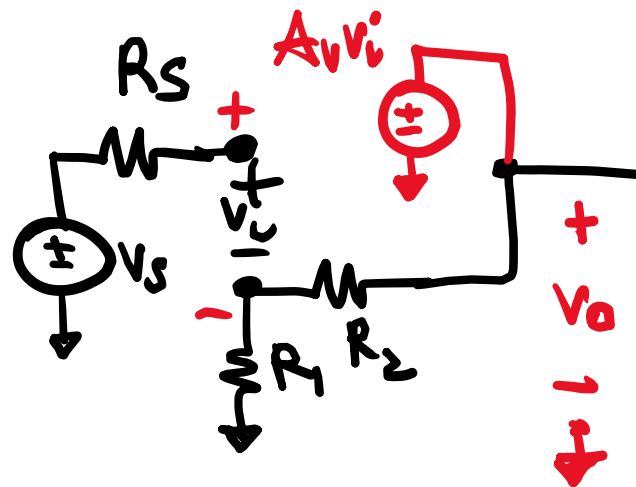
ES

PGGB
 GBW Product : $A_{vo} \omega_p$

AMPLIFICATORE NON INVERTENTE



consideriamo
 $R_i \rightarrow \infty$
 $R_o \rightarrow 0$



$$v^+ = V_s$$

$$\bar{v} = A_v v_i \frac{R_1}{R_1 + R_2}$$

$$v_i = v^+ - \bar{v} = V_s - A_v v_i \frac{R_1}{R_1 + R_2}$$

$$v_i = \frac{V_s}{1 + \frac{A_v R_1}{R_1 + R_2}}$$

$$V_o = A_v V_i = \frac{A_v V_s}{1 + \frac{A_v R_1}{R_1 + R_2}} \Rightarrow \frac{V_o}{V_s} = \frac{A_v}{1 + \frac{A_v R_1}{R_1 + R_2}}$$

$$H = \frac{V_o}{V_s} = \frac{\frac{A_{vo}}{1 - s/s_p}}{1 + \frac{A_{vo}}{1 - s/s_p} \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_2}} = \frac{A_{vo}}{1 - \frac{s}{s_p} + \frac{A_{vo} R_1}{R_1 + R_2}} = \underbrace{\frac{A_{vo}}{1 + \frac{A_{vo} R_1}{R_1 + R_2}}}_{H_0} \cdot \underbrace{\frac{1}{1 - \frac{s}{s_p \left(1 + \frac{A_{vo} R_1}{R_1 + R_2}\right)}}}_{S_H}$$

$$H = \frac{H_0}{1 - s/S_H}$$

$$H_0 = \frac{A_{vo}}{1 + \frac{A_{vo} R_1}{R_1 + R_2}} \approx \frac{R_1 + R_2}{R_1}$$

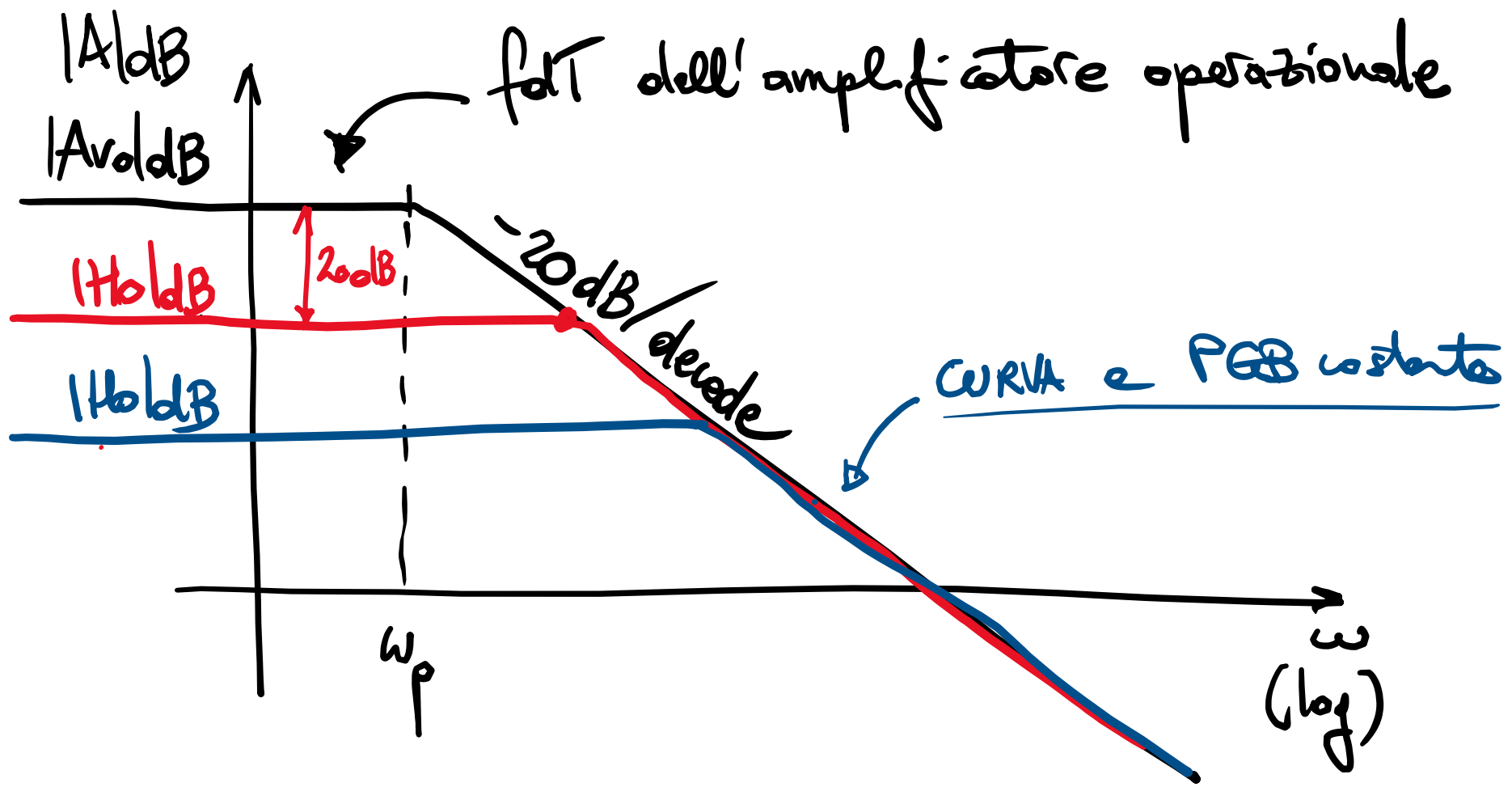
$$S_H = s_p \left(1 + \frac{A_{vo} R_1}{R_1 + R_2}\right) \approx s_p \left(\frac{A_{vo} R_1}{R_1 + R_2}\right)$$

$$PG_B = |H_0| |S_H| = A_v |s_p|$$

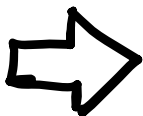
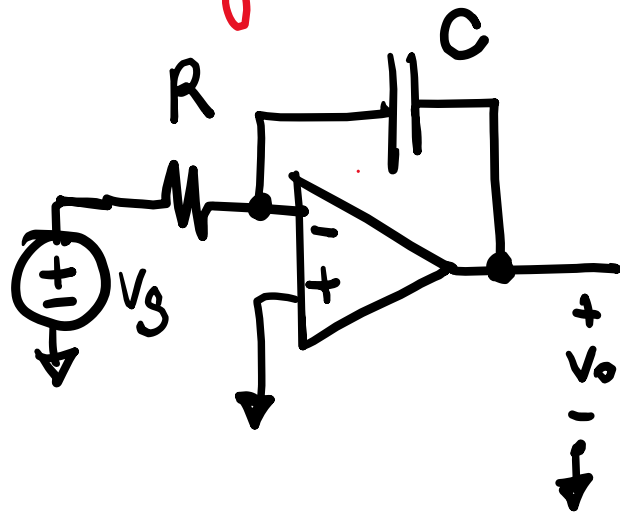
↑
dell'amplificatore
non invertente

↑
Prodotto
bande dell'Op.Amp.

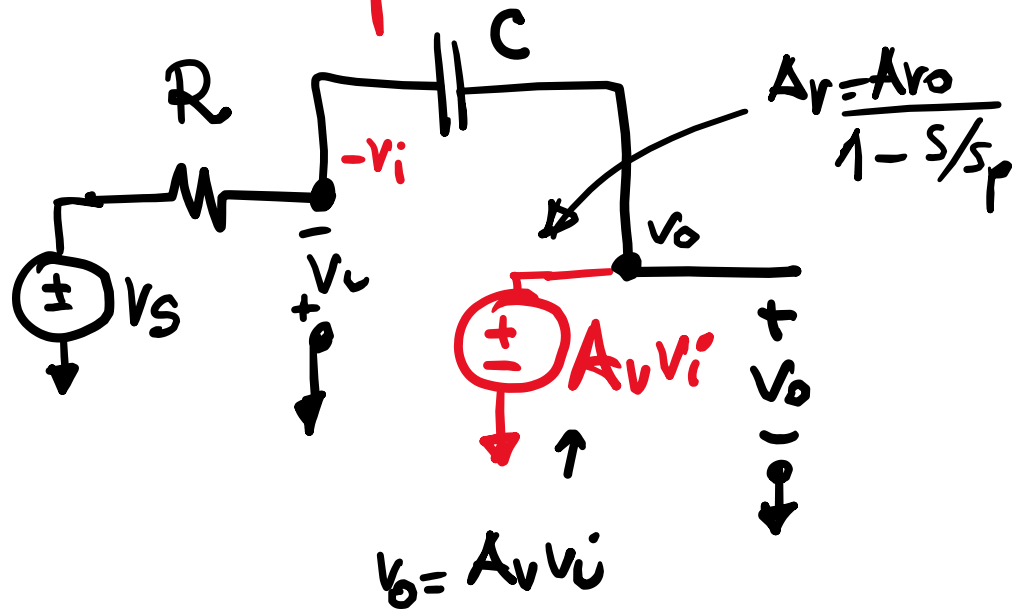
fatti dell'amplificatore operazionale



Integratore con Amplificatore Operazionale a polo dominante



poniamo $R_i \rightarrow \infty$
 $R_o = 0$



$$-v_i \left[\frac{1}{R} + Cs \right] - \frac{V_s}{R} - V_o Cs = 0$$

$$-\frac{V_o}{A_v} \left[\frac{1}{R} + Cs \right] - V_o Cs - \frac{V_s}{R} = 0 \rightarrow \frac{V_o}{V_s} = \frac{-1}{\frac{1}{A_v}(1+RCs) + RCs} = \frac{-1}{\frac{(1-s/s_p)(1+RCs) + RCs}{A_{vo}}}$$

$$\frac{V_o}{V_s} = \frac{-A_{vo}}{1 + RCs - \frac{s}{s_p} - \frac{RC}{s_p} s^2 + A_{vo} RCs} = \frac{-A_{vo}}{1 + \left[RC(1+A_{vo}) - \frac{1}{s_p} \right] s - \frac{RC}{s_p} s^2}$$

$$\left(1 - \frac{s}{s_{p1}}\right) \left(1 - \frac{s}{s_{p2}}\right) = 1 - s \underbrace{\left(\frac{1}{s_{p1}} + \frac{1}{s_{p2}}\right)}_{a_1} + \underbrace{\frac{s^2}{s_{p1}s_{p2}}}_{a_2}$$

Hp. $s_{p1} \rightarrow s_{p2}$

$$a_1 \approx -\frac{1}{s_{p2}} \Rightarrow s_{p2} = -\frac{1}{a_1} \leftarrow$$

$$a_2 = \frac{1}{s_{p1}s_{p2}} = -\frac{a_1}{s_{p1}} \Rightarrow s_{p2} = -\frac{a_1}{a_2} \leftarrow$$

nel nostro caso

$$s_{p2} = \frac{-1}{RC(1+A_{ro}) - \frac{1}{s_p}} \sim \frac{-1}{RC A_{ro}} \leftarrow \text{molto piccolo}$$

$$s_{p1} = \frac{-RC(1+A_{ro}) - \frac{1}{s_p}}{-\frac{RC}{s_p}} \sim \frac{\cancel{RC} A_{ro} s_p}{\cancel{RC}} = \frac{s_p A_{ro}}{\uparrow \text{PGB}}$$

effettivamente
 $s_p A_{ro} \gg -\frac{1}{RC A_{ro}}$

